

# Derivadas: Funções Hiperbólicas

JLC062 \ JCE025

---

Prof.<sup>o</sup> Carlos Galvão

Campus Avançado em Jandaia do Sul  
Universidade Federal do Paraná

Esta obra tem a licença Creative Commons “Atribuição-Compartilhalgual 4.0 Internacional”.



# Definições

# Definições

---

$$\operatorname{senh} x = \frac{e^{-x} - e^x}{2}$$

$$\operatorname{cosh} x = \frac{e^{-x} + e^x}{2}$$

$$\operatorname{tanh} x = \frac{\operatorname{senh} x}{\operatorname{cosh} x}$$

$$\operatorname{sech} x = \frac{1}{\operatorname{cosh} x}$$

$$\operatorname{csch} x = \frac{1}{\operatorname{senh} x}$$

$$\operatorname{coth} x = \frac{1}{\operatorname{tanh} x}$$

# Definições

## Identities Hiperbólicas

---

$$\sinh(-x) = -\sinh x \quad \cosh(-x) = \cosh x \quad \cosh^2 x - \sinh^2 x = 1$$

$$\sinh(x + y) = \sinh x \cdot \cosh y + \sinh y \cdot \cosh x$$

$$\cosh(x + y) = \cosh x \cdot \cosh y + \sinh x \cdot \sinh y$$

# Derivadas

# Derivadas

Derivar  $\sinh x$

---

# Derivadas

Derivar  $\cosh x$

---

# Trigonométricas Hiperbólicas Inversas



# Trigonométricas Hiperbólicas Inversas

$\operatorname{arcsenh} x$

---

# Trigonométricas Hiperbólicas Inversas

$\operatorname{arccosh}x$

---

# Trigonométricas Hiperbólicas Inversas

Derivadas de Trigonométricas Hiperbólicas Inversas

---

# Resumo Derivadas de Trigonométricas Hiperbólicas

## Resumo Derivadas de Trigonométricas Hiperbólicas

---

$$\frac{d \sinh x}{dx} = \cosh x$$

$$\frac{d \cosh x}{dx} = \sinh x$$

$$\frac{d \tanh x}{dx} = \operatorname{sech}^2 x$$

$$\frac{d \operatorname{arcsinh} x}{dx} = \frac{1}{\sqrt{1+x^2}}$$

$$\frac{d \operatorname{arcosh} x}{dx} = \frac{1}{\sqrt{x^2-1}}$$

$$\frac{d \operatorname{arctanh} x}{dx} = \frac{1}{1-x^2}$$

**Bons Estudos!!!**