

CM201 - Cálculo Diferencial e Integral I

Lista de Exercícios 1

1. Expresse cada número abaixo como decimal (pode usar uma calculadora):

$$(a) \frac{1}{4} \quad (b) -\frac{250}{8} \quad (c) -\frac{3}{160} \quad (d) \frac{4}{11} \quad (e) -\frac{30}{7} \quad (f) \frac{560}{14} \quad (g) \frac{7}{8}$$

$$(h) \frac{8}{7} \quad (i) \frac{200}{3} \quad (j) -\frac{4}{5}$$

2. Simplifique o máximo possível cada uma das frações, deixando-as na forma irredutível.

$$(a) \frac{42}{70} \quad (b) -\frac{22}{99} \quad (c) \frac{24}{18} \quad (d) -\frac{66}{78} \quad (e) \frac{360}{150} \quad (f) \frac{72}{84} \quad (g) -\frac{225}{60}$$

3. Encontre a fração irredutível correspondente a cada um dos números abaixo.

$$(a) 1,36 \quad (b) -0,24 \quad (c) 122,\bar{3} \quad (d) 0,056 \quad (e) 0,63 \quad (f) 0,\overline{63}$$

$$(g) -1,625 \quad (h) 0,\bar{7} \quad (i) 20,25 \quad (j) -12,16 \quad (k) 0,\overline{500} \quad (l) 1,0\bar{1}\bar{8}$$

4. Efetue as operações indicadas em cada item, expressando o resultado como uma fração irredutível.

$$(a) \frac{\frac{1}{2} \cdot \frac{2}{3}}{\frac{3}{4} - \frac{1}{5}} \quad (b) \frac{\frac{3}{4}}{-\frac{3}{4}} \quad (c) \frac{\frac{3}{4}}{-\frac{3}{4}} \quad (d) \frac{3}{2} + \frac{1}{3} \quad (e) \frac{2}{3} + \frac{3}{2} - \frac{10}{3}$$

$$(f) \left(-\frac{2}{5}\right) \left(-\frac{2}{5}\right) + \frac{1}{5} \quad (g) \frac{100}{3} - \frac{1}{7} + \frac{1}{21} \quad (h) \left(-\frac{7}{2}\right) \left(-\frac{7}{3}\right) \left(-\frac{7}{4}\right)$$

$$(i) -\frac{7}{2} - \frac{7}{3} - \frac{7}{4} \quad (j) \frac{\frac{1}{2}}{\frac{5}{2} + \frac{3}{5}} \quad (k) \frac{\frac{2}{5} + \frac{3}{5}}{\frac{1}{5}} \quad (l) \frac{\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4}}{\frac{1}{5}}$$

5. Simplifique e fatore o máximo possível as expressões abaixo

$$(a) x^2 + 6x + 9 \quad (b) 4x^2 - 4x + 1 \quad (c) x^2 - 16 \quad (d) 8x^3 + 6x^2 + 2x^4$$

$$(e) 3x^3y^2 + 30x^2y^2 + 75xy^2 \quad (f) 6xy^2 + 36xy + 54x \quad (g) x^2 + 4$$

$$(h) \frac{3x^3 - 12x^2 + 12x}{4x^6 - 16x^4} \quad (i) \frac{2}{x+1} - \frac{x}{x^2 + 2x + 1} \quad (j) \frac{4x^4}{6x^3 - 4x} \quad (k) \frac{x^4 - 16}{x + 2}$$

Respostas:

1. (a) 0,25 (b) $\frac{-31}{142857}, 25$ (c) 0,01875 (d) $0,\overline{36}$ (e) $-4,\overline{285714}$ (f) 40
(g) 0,875 (h) $1,\overline{142857}$ (i) $66,\overline{6}$ (j) -0,8
2. (a) $\frac{3}{5}$ (b) $-\frac{2}{9}$ (c) $\frac{4}{3}$ (d) $-\frac{11}{13}$ (e) $\frac{12}{5}$ (f) $\frac{6}{7}$ (g) $-\frac{15}{4}$
3. (a) $\frac{34}{25}$ (b) $-\frac{6}{25}$ (c) $\frac{367}{3}$ (d) $\frac{14}{250}$ (e) $\frac{63}{100}$ (f) $\frac{7}{11}$ (g) $-\frac{13}{8}$
(h) $\frac{7}{9}$ (i) $\frac{81}{4}$ (j) $-\frac{304}{25}$ (k) $\frac{500}{999}$ (l) $\frac{56}{55}$
4. (a) $\frac{20}{33}$ (b) -1 (c) $-\frac{9}{16}$ (d) $\frac{11}{6}$ (e) $-\frac{7}{6}$ (f) $\frac{9}{25}$ (g) $\frac{698}{21}$
(h) $-\frac{343}{24}$ (i) $-\frac{91}{12}$ (j) $\frac{1}{5}$ (k) 5 (l) $\frac{65}{12}$
5. (a) $(x+3)^2$ (b) $(2x-1)^2$ (c) $(x+4)(x-4)$ (d) $2x^2(4x+3+x^2)$
(e) $3xy^2(x+5)^2$ (f) $6x(y+3)^2$ (g) x^2+4 (h) $\frac{3(x-2)}{4x^3(x+2)}$
(i) $\frac{x+2}{(x+1)^2}$ (j) $\frac{2x^3}{3x^2-2}$ (k) $(x-2)(x^2+4)$